Simulazione di prova scritta di MATEMATICA-FISICA - MIUR - 2.4.2019

QUESITO 6 (soluzione a cura di L. Rossi)

6-Ai vertici di un quadrato ABCD, di lato 2 m, sono fissate quattro cariche elettriche. La carica in A è pari a 9 nC, la carica in B è pari a 2 nC, la carica in C è pari a 4 nC, la carica in D è pari a -3 nC. Supponendo che le cariche si trovino nel vuoto, determinare intensità, direzione e verso del campo elettrostatico generato dalle quattro cariche nel centro del quadrato.

Soluzione

Per il principio di sovrapposizione il campo elettrico al centro del quadrato è dato dalla somma vettoriale dei singoli campi creati dalle quattro cariche.

In figura sono rappresentati i campi elettrici generati da ciascuna carica nel centro del quadrato. Il modulo di ciascuno di essi si calcola con la formula

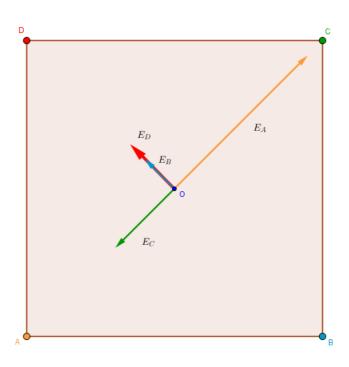
$$E = k \cdot \frac{q}{d^2}$$
 dove $d = \sqrt{2}$ m, quindi si ottiene:

$$E_A = k \cdot 10^{-9} \cdot \frac{9}{\left(\sqrt{2}\right)^2} \ ,$$

$$E_B = k \cdot 10^{-9} \cdot \frac{2}{\left(\sqrt{2}\right)^2} ,$$

$$E_C = k \cdot 10^{-9} \cdot \frac{4}{\left(\sqrt{2}\right)^2} \ ,$$

$$E_D = k \cdot 10^{-9} \cdot \frac{3}{(\sqrt{2})^2}$$
.

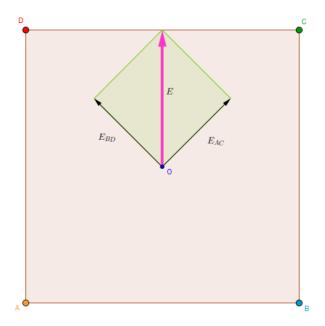


Il campo elettrostatico totale si ottiene sommando la risultante di $\overrightarrow{E_A} + \overrightarrow{E_C}$, che ha direzione e verso di $\overrightarrow{E_A}$, con la la risultante di $\overrightarrow{E_B} + \overrightarrow{E_D}$ che ha direzione e verso comune ad entrambi.

Risulta
$$E_{AC} = E_{BD} = k \cdot 10^{-9} \cdot \frac{5}{2} \cdot \frac{N}{C}$$
.

Dunque la risultante (vedi figura in basso) ha direzione e verso Nord e modulo

$$E = k \cdot 10^{-9} \cdot \frac{5}{2} \sqrt{2} \frac{N}{C} = 31.8 \frac{N}{C}$$



Commento sul quesito 6

Livello di difficoltà stimato del quesito: medio/basso.

L'argomento è presente nel QdR di Fisica: sì.

Di solito, viene svolto nella pratica didattica usuale? Sì, ma nella classe IV.

Per la risoluzione del problema l'uso di una calcolatrice grafica (non CAS) può solo permettere di disegnare i vettori e di trovare la risultante in modo approssimato.